第 11 回 これまでのまとめ (熱力学の骨格部分) 7月 05 日

本日の内容

Chapter 7 熱力学の基礎のまとめ

7-1. 基礎となる前提

7-2. 熱力学第 1 法則、第 2 法則

7-3. 熱力学関数 (熱力学ポテンシャル)

7-4. 変化の方向

7-5. 平衡条件

7-6. 平衡状態の安定性

本日のレポート問題

締切: 7月10日(月)午後1時E121号室前

[問題 7.1] 定圧熱容量と定積熱容量

(1) 定積熱容量(これがこの講義でずっと使ってきた熱容量)

$$C_V = T \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_V \tag{1}$$

と定圧熱容量

$$C_P = T \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P \tag{2}$$

の間に

$$C_P = C_V + \frac{TV\alpha^2}{\kappa} \tag{3}$$

という関係があることを示せ。ただし、

$$\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_{P} \tag{4}$$

は熱膨張率、

$$\kappa = -\frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial P} \right)_T \tag{5}$$

は等温圧縮率である。

(2) 理想気体では

$$C_P = C_V + NR (6)$$

(Mayer の関係) となることを示せ。

[問題 7.2] 断熱曲線

断熱曲線 (エントロピーが一定の変化)は、圧力 P と温度 T の間の関係としては

$$\left(\frac{\partial T}{\partial P}\right)_{S} = \frac{TV\alpha}{C_{P}} \tag{7}$$

という微分方程式で表されることを示せ。ここで、

$$\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T} \right)_P \tag{8}$$

は熱膨張率、

$$C_P = T \left(\frac{\partial S}{\partial T} \right)_P \tag{9}$$

は定圧熱容量である。