

# 第12回 自由エネルギー、完全な熱力学関数

7月4日

## 本日の内容

Chapter 8 エントロピー

8-8. 完全な熱力学関数 (教科書2の5.5)

8-9. 準静的熱とエントロピー (教科書2の6.2)

Chapter 9 ヘルムホルツの自由エネルギー、エネルギー方程式

9-1. ヘルムホルツの自由エネルギー (教科書1の11.3, 11.4、教科書2の6.1)

9-2. ルジャンドル変換の数学的意味付け [時間がないので省略]

9-3. 微分形式による記述 (教科書2の6.2)

9-4. エネルギー方程式 (教科書2の6.3)

## 本日のレポート問題

締切: 7月9日(月) 午後1時 E121号室前

[問題 8.2] 理想気体の完全な熱力学関数  $U(S, V)$

(1) 理想気体の内部エネルギー  $U$  を、エントロピー  $S$  と体積  $V$  の関数として表せ。内部エネルギーの式 (3.18) やエントロピーの式 (5.39) は使って良い。

(2) (1) で求められた  $U(S, V)$  から定理 5.8 の証明で示された手順にしたがって状態方程式と熱容量を求め、すでに知っている状態方程式

$$PV = NRT \quad (1)$$

や熱容量

$$C = cNR \quad (2)$$

と一致することを確認せよ。ただし、このときは、導出の途中で (3.18), (5.39) や (1) の途中で得られた式を使ってはならない。すべての情報が  $U(S, V)$  に入っているはずなので、 $U(S, V)$  と (5.40), (5.41) と数学公式のみから状態方程式と熱容量を導け。

[問題 9.1] Gibbs-Helmholtz の式を示せ (教科書の演習問題 6.1。ただし、教科書の (6.65) にはミスプリがある。正しくは以下の通り)

$$\left[ \frac{\partial}{\partial T} \left( \frac{F}{T} \right) \right]_V = -\frac{U}{T^2} \quad (3)$$